

浙江工商大学 2021 年全国硕士研究生入学考试试卷 (A) 卷

考试科目: 830 运筹学

总分: (150 分)

考试时间: 3 小时

一、填空题 (每空格 3 分, 共 30 分)

1. 设 $(P_1, P_2 \dots P_m)$ 为线性规划约束条件方程系数矩阵的一组基, 则对应的解称为线性规划的_____。
2. 用两阶段法求解线性规划问题时, 若第一阶段求解所得最优解的目标函数值不为零, 则原线性规划问题_____。
3. 某线性规划约束条件 $\sum_{j=1}^n a_{ij}x_j \leq b_i$ 所对应资源的影子价格为 y_i , 若将约束条件改为 $\sum_{j=1}^n 2a_{ij}x_j \leq 2b_i$, 则对应的影子价格为_____。
4. 某线性规划问题的最终单纯型表如下 (x_4 为松弛变量, x_5 为人工变量),

C_B	X_B	x_1	x_2	x_3	x_4	x_5	b'
12	x_2	0	1	-1/5	2/5	-1/5	8/5
5	x_1	1	0	7/5	1/5	2/5	9/5
$c_j - z_j$		0	0	-3/5	-29/5	-M+2/5	

- 则对偶问题的最优解为_____, 目标函数值为_____。
5. 某工程公司拟从 1、2、3 三个项目中选择若干项目。若 $x_i = 1$ 和 0 分别表示项目被选中 and 不被选中, 请用 x_i 的线性表达式表示下列要求: 若项目 1 被选中, 则项目 3 不能被选中: _____。
 6. 在表上作业法所得的调运方案中, 从某空格出发的闭回路的转角点所对应的变量必为_____。
 7. 在目标规划的目标函数中, 若第 k 个目标超过期望值的数值可表示为_____, 若第 h 个目标未达到期望值的数值可表示为_____。
 8. 网络的每条弧上的最大通过能力称为该弧的_____。

二、计算题 (共 50 分)

1. (本题 15 分) 已知线性规划问题的数学模型为

$$\begin{aligned} \max \quad & Z = 3x_1 + 2x_2 + 4x_3 \\ \text{s.t.} \quad & \begin{cases} 2x_1 + x_2 + 3x_3 \leq 40 \\ 2x_1 + 2x_2 + 3x_3 \leq 48 \\ x_1 \leq 10 \\ x_1, x_2, x_3 \geq 0 \end{cases} \end{aligned}$$

请回答: (1) 以 x_4, x_5, x_6 为松弛变量给出上述规划的标准模型; (4 分)

(2) 若用单纯形法计算到下面表格:

c_B	x_B	x_1	x_2	x_3	x_4	x_5	x_6	b
0	x_4	0	0	3/2	1	-1/2	-1	6
2	x_2	0	1	3/2	0	1/2	-1	14
3	x_1	1	0	0	0	0	1	10
$c_j - z_j$		0	0	a	0	b	c	

指出上面的解是否最优。若不是, 给出最优解。(5 分)

(3) 若产品 1 的单位利润从 3 变为 2, 求此时的最优解和最优目标函数值。(6 分)

2. (本题 10 分) 已知线性规划问题的数学模型为:

$$\begin{aligned} \max \quad & Z = 2x_1 + 3x_2 \\ \text{s.t.} \quad & \begin{cases} 2x_1 + 2x_2 \leq 12 \\ x_1 + 2x_2 \leq 8 \\ 4x_1 \leq 16 \\ 3x_2 \leq 9 \\ x_1, x_2 \geq 0 \end{cases} \end{aligned}$$

问题: (1) 写出上述问题的对偶问题。(4 分)

(2) 已知其最优解 $x_1, x_2 > 0$, 而第 1, 4 两种资源 (相应于第 1, 4 两个约束) 均有余量, 应用互补松弛定理求出原问题和对偶问题的最优解。(6 分)

3. (本题 10 分) 用隐枚举法求解 0-1 规划问题。

$$\begin{aligned} \max Z &= 2x_1 - 2x_2 + 3x_3 \\ \text{s.t.} &\begin{cases} -2x_1 + 3x_2 + 6x_3 \geq 5 \\ 3x_1 + 4x_2 - 5x_3 \leq 6 \\ 8x_1 + 6x_2 - 4x_3 \geq 2 \\ x_1 + 3x_2 - 2x_3 \leq 3 \\ x_1, x_2, x_3 = 0 \text{ 或 } 1 \end{cases} \end{aligned}$$

4. (本题 15 分) 用动态规划求解规划问题。

$$\begin{aligned} \max z &= 2x_1^2 + 2x_2 + 4x_3 - x_3^2 \\ \text{s.t.} &\begin{cases} 2x_1 + x_2 + x_3 \leq 4 \\ x_j \geq 0, j = 1, 2, 3 \end{cases} \end{aligned}$$

三、应用题 (共 55 分)

1. (本题 20 分) 已知某一运输问题的调运方案如下表

需求地 供应地	A	B	C	供应量
甲	18	14	7	25
		10	15	
乙	9	x	16	35
	25	10		
丙	12	y	16	10
	10			
需求量	35	20	15	

请回答: (1) 写出该运输问题的线性规划模型; (6 分)

(2) 判断上表中所给的调运方案是否为初始的可行方案; (6 分)

(3) 若上表所给的调运方案是最优方案, 求运价系数 x 、 y 的合理变动范围。(8 分)

2. (本题 15 分) 某企业生产 A、B 两种产品, 有关数据见下表。试求满足以下四个目标的生产方案 (仅要求列出数学模型, 不要求解)。

产品	A	B	拥有量
原材料 (kg)	6	5	100
设备 (hr)	2	5	80
利润 (元/件)	16	20	

企业经营目标的期望值及优先级如下:

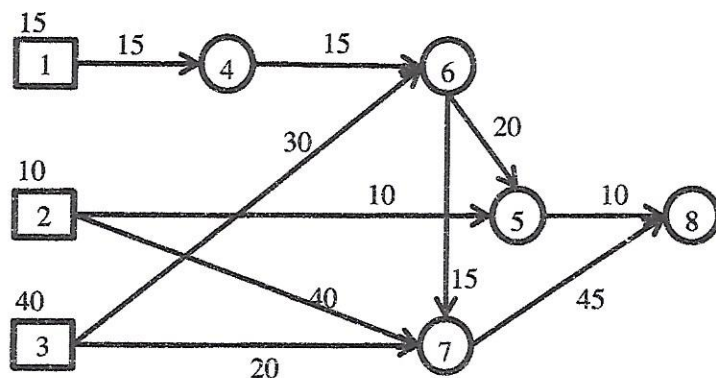
- P1: 产品 A 的产量不大于 B 产品的产量;
- P2: 超过计划供应的原材料需高价采购;
- P3: 尽可能充分利用设备台时, 但不希望加班;
- P4: 尽可能达到并超过计划利润指标 120 元。

3. (本题 20 分) 某电力网络由 3 个发电站负责向 5 个城市供电, 其输电网络如下图所示。

城市 8 的电力供应需求为 65MW, 3 个发电站在满足城市 4、5、6、7 的用电需求后, 分别剩余 15MW、10MW、40MW, 输电网络剩余的输电能力见图中各条输电线路 (即弧) 上的数字。

请回答: (1) 输电网的输电能力是否满足输电 65MW 的电力? (10 分)

(2) 如不满足, 需要增建或改建哪些输电线路? (10 分)



四、证明题 (共 15 分)

试证对偶定理: 若原问题及其对偶问题均具有可行解, 则两者均有最优解, 且它们最优解的目标值相等。